

WYPEŁNIA UCZEŃ

KOD UCZNIKA

--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Miejsce na naklejkę.

Sprawdź, czy kod na naklejce to

O-100.

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.

Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.



Egzamin ósmoklasisty

Matematyka

DATA: 14 maja 2025 r.

GODZINA ROZPOCZĘCIA: 9:00

CZAS PRACY: 125 minut

Instrukcja dla ucznia

1. Ze środka arkusza wyrwij **kartę rozwiązań zadań otwartych** (tj. 4 środkowe kartki).
2. Sprawdź, czy na kolejno ponumerowanych **17 stronach** zeszytu zadań jest wydrukowanych **21 zadań** oraz czy jest do niego dołączona karta odpowiedzi.
3. Sprawdź, czy karta rozwiązań zadań otwartych zawiera kolejno ponumerowanych **8 stron**.
4. Ewentualny brak stron lub inne usterki zgłoś nauczycielowi.
5. Na tej stronie, na karcie rozwiązań zadań otwartych i na karcie odpowiedzi w wyznaczonych miejscach wpisz swój kod, numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
6. Czytaj uważnie wszystkie zadania i wykonuj je zgodnie z poleceniami.
7. Rozwiązania zadań zapisuj długopisem lub piórem z czarnym tuszem/atramentem.
8. Nie używaj korektora.
9. Rozwiązania zadań **zamkniętych**, tj. **1–15**, zaznacz na karcie odpowiedzi zgodnie z informacjami zamieszczonymi na następnej stronie. W każdym zadaniu poprawna jest zawsze **tylko jedna** odpowiedź.
10. Rozwiązania zadań **otwartych**, tj. **16–21**, zapisz czytelnie i starannie w wyznaczonych miejscach na karcie rozwiązań zadań otwartych.
11. Ewentualne poprawki w odpowiedziach zapisz zgodnie z informacjami zamieszczonymi na następnej stronie.
12. Zapisy w brudnopisie nie będą sprawdzane i oceniane.

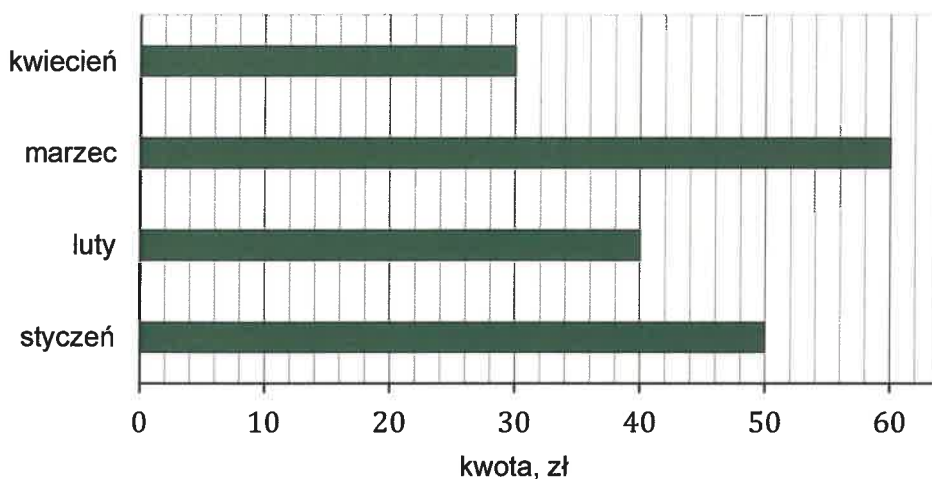
Powodzenia!



OMAP-**100**-2505

Zadanie 1. (0–1)

Deskorolka kosztuje 180 zł. Na diagramie przedstawiono kwoty, które Aldona odłożyła w styczniu, w lutym, w marcu i w kwietniu na zakup deskorolki.



Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

W styczniu i lutym łącznie Aldona odłożyła

A	B
---	---

 kwoty potrzebnej na zakup deskorolki.

A. 45%

B. 50%

W marcu Aldona odłożyła kwotę o

C	D
---	---

 większą od kwoty odłożonej w styczniu.

C. 10%

D. 20%

Zadanie 2. (0–1)

Dane jest wyrażenie

$$\left(2,4 - 5\frac{1}{3}\right) : (-2)$$

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wartość tego wyrażenia jest równa

A. $\left(-1\frac{8}{15}\right)$

B. $\left(-1\frac{7}{15}\right)$

C. $1\frac{7}{15}$

D. $1\frac{8}{15}$

$$\left(\frac{24}{10} - \frac{16}{3}\right) \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \cdot \frac{160 - 160}{30} = \frac{1}{2} \cdot \frac{44}{30} = 1\frac{11}{15}$$

PRZENIEŚ ROZWIĄZANIA ZADAŃ NA KARTĘ ODPOWIEDZI!

Zadanie 3. (0–1)

Dane są liczby: 91, 92, 95, 97.

Która z podanych liczb przy dzieleniu przez 7 daje resztę 1? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

A. 91

B. 92

C. 95

D. 97

$$91:7=13$$

$$92:7=13 \text{ r } 1$$

Zadanie 4. (0–1)

Średnia arytmetyczna czterech liczb a , b , c , d jest równa 9, a średnia arytmetyczna dwóch liczb e i f jest równa 6.

Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

Suma liczb a , b , c , d jest o

A	B
---	---

 większa od sumy liczb e i f .

A. 3

B. 24

Średnia arytmetyczna liczb a , b , c , d , e , f jest równa

C	D
---	---

.

C. 8

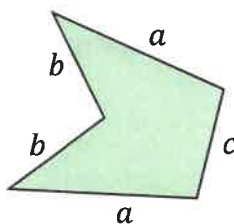
D. 7,5

$$\begin{cases} \frac{a+b+c+d}{4} = 9 & | \cdot 4 \\ \frac{e+f}{2} = 6 & | \cdot 2 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} a+b+c+d+e+f &= \\ &= 36+12 \\ \frac{48}{6} &= 8 \end{aligned}$$

Zadanie 5. (0–1)

Obwód pięciokąta przedstawionego na rysunku wyraża się wzorem $L = 2a + 2b + c$.



$$L - 2b - c = 2a$$

$$2a = L - 2b - c \quad | \cdot \frac{1}{2}$$

$$a = \frac{L - 2b - c}{2}$$

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wielkość a wyznaczoną poprawnie z podanego wzoru opisuje równanie

A. $a = \frac{L - 2b - c}{2}$

B. $a = \frac{L - 2b + c}{2}$

C. $a = L + 2b - c$

D. $a = L - 2b - c$

PRZENIEŚ ROZWIĄZANIA ZADAŃ NA KARTĘ ODPOWIEDZI!

Zadanie 6. (0–1)

W pudełku znajdują się wyłącznie piłki białe, fioletowe i czarne. Piłek białych jest 4 razy więcej niż fioletowych i o 3 mniej niż czarnych. Liczbę piłek fioletowych oznaczmy przez x .

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Łączną liczbę wszystkich piłek w pudełku opisuje wyrażenie

A. $9x + 3$

B. $9x - 3$

C. $6x + 3$

D. $6x - 3$

$$\begin{array}{l} b: 4x \\ f: x \\ cz: 4x+3 \end{array} \quad \left. \vphantom{\begin{array}{l} b: 4x \\ f: x \\ cz: 4x+3 \end{array}} \right\} + \boxed{9x+3}$$

Zadanie 7. (0–1)

Dane są wyrażenia:

$$K = \frac{1}{9} \cdot \sqrt{\frac{1}{16}} - \frac{1}{16} \cdot \sqrt{\frac{1}{9}}$$

$$L = 9 \cdot \sqrt{16} - 16 \cdot \sqrt{9}$$

$$\begin{aligned} K &= \frac{1}{9} \cdot \frac{1}{4} - \frac{1}{16} \cdot \frac{1}{3} \\ &= \frac{1}{36} - \frac{1}{48} > 0 \\ L &= 9 \cdot 4 - 16 \cdot 3 < 0 \end{aligned}$$

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Wyrażenie K ma wartość ujemną.	P	☒ F
Wartość wyrażenia L jest większa od wartości wyrażenia K .	P	☒ F

Zadanie 8. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wartość wyrażenia $8^6 : 4^3$ zapisana w postaci potęgi liczby 2 jest równa

A. 2^2

B. 2^3

C. 2^4

D. 2^{12}

$$\frac{(2^3)^6}{(2^2)^3} = \frac{2^{18}}{2^6}$$

Zadanie 9. (0–1)

Rowerzysta pokonał odcinek drogi o długości 100 m z prędkością $5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

$$t = \frac{s}{v} = \frac{100}{5} = 20$$

Rowerzysta pokonał ten odcinek drogi w czasie

A. 50 sekund.

B. 20 sekund.

C. 500 sekund.

D. 200 sekund.

PRZENIEŚ ROZWIĄZANIA ZADAŃ NA KARTĘ ODPOWIEDZI!

Zadanie 10. (0–1)

Na loterię przygotowano 72 losy i ponumerowano je kolejnymi liczbami naturalnymi od 1 do 72. Wygrywają losy o numerach od 1 do 9 i od 46 do 72. Pozostałe losy są puste. Ada jako pierwsza wyciąga jeden los.

$$9 + (72 - 46) + 1 = 36$$

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Prawdopodobieństwo wyciągnięcia przez Adę losu pustego jest równe

A. $\frac{26}{72}$

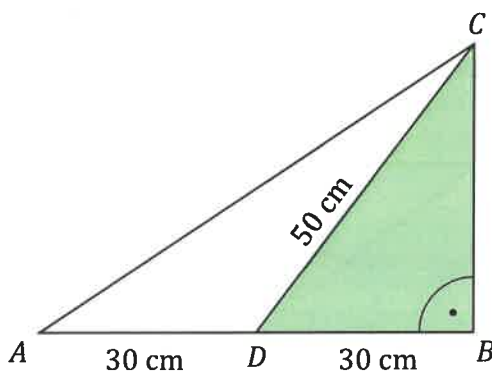
B. $\frac{27}{72}$

C. $\frac{35}{72}$

D. $\frac{36}{72}$

Zadanie 11. (0–1)

Dany jest trójkąt prostokątny ABC . Na środku boku AB zaznaczono punkt D . Następnie poprowadzono odcinek DC , dzielący trójkąt ABC na dwa trójkąty ADC i DBC . Ponadto $|AD| = |DB| = 30$ cm oraz $|DC| = 50$ cm (zobacz rysunek).



Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Pole trójkąta DBC jest równe 600 cm^2 .	☒ P	☐ F
Pole trójkąta ABC jest dwa razy większe od pola trójkąta ADC .	☒ P	☐ F

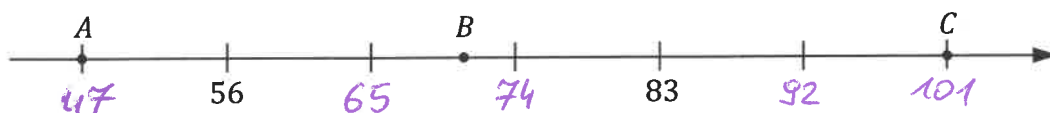
(1) $\Rightarrow 30, 40, 50$

(2) $P_{\triangle ADC} = P_{\triangle DBC}$ bo ta sama podstawa = 30
ta sama wysokość $|BC| = h$

PRZENIEŚ ROZWIĄZANIA ZADAŃ NA KARTĘ ODPOWIEDZI!

Zadanie 12. (0–1)

Na osi liczbowej zaznaczono punkty A , B i C . Odcinek AC jest podzielony na 6 równych części.

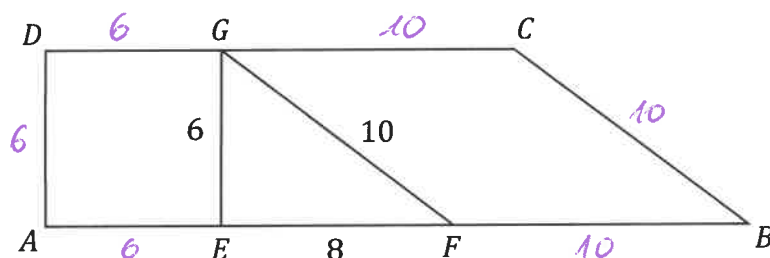


Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Współrzędna punktu C jest liczbą parzystą.	P	F
Współrzędna punktu B jest liczbą mniejszą od 74.	P	F

Zadanie 13. (0–1)

Trapez $ABCD$ podzielono na trzy figury: kwadrat $AEGD$, trójkąt EFG i romb $FBCG$ (zobacz rysunek). Na rysunku podano również długości boków trójkąta EFG .



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Obwód trapezu $ABCD$ jest równy

A. 56

B. 72

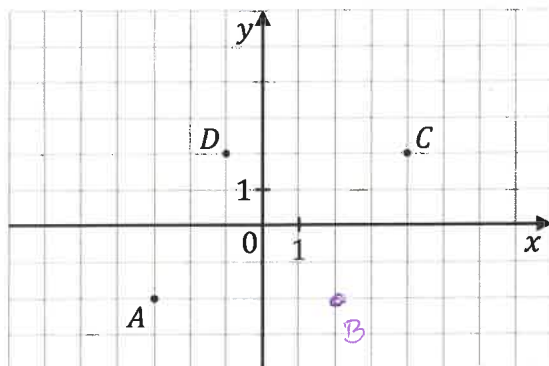
C. 88

D. 120

PRZENIEŚ ROZWIĄZANIA ZADAŃ NA KARTĘ ODPOWIEDZI!

Zadanie 14. (0–1)

W układzie współrzędnych (x, y) zaznaczono trzy punkty, które są wierzchołkami równoległoboku $ABCD$: $A = (-3, -2)$, $C = (4, 2)$, $D = (-1, 2)$ (zobacz rysunek).



Współrzędna x wierzchołka B , niezaznaczonego na rysunku, jest liczbą dodatnią.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Niezaznaczony na rysunku wierzchołek B tego równoległoboku ma współrzędne

A. $(4, -2)$

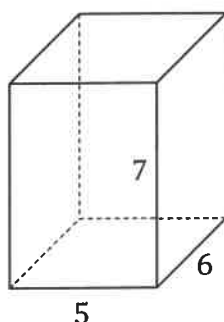
B. $(3, -2)$

C. $(2, -2)$

D. $(6, -2)$

Zadanie 15. (0–1)

Trzy krawędzie wychodzące z jednego wierzchołka prostopadłościanu mają długości: 5, 6, 7 (zobacz rysunek).



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Pole powierzchni całkowitej tego prostopadłościanu jest równe

A. 107

B. 172

C. 210

D. 214

PRZENIEŚ ROZWIĄZANIA ZADAŃ NA KARTĘ ODPOWIEDZI!

Zadanie 16. (0–2)

Liczbę $\frac{7}{15}$ zapisano w postaci sumy trzech ułamków zwykłych, z których jeden jest równy $\frac{1}{5}$, a drugi $\frac{1}{6}$.

Uzasadnij, że trzeci składnik tej sumy można przedstawić w postaci ułamka zwykłego, którego licznik jest równy 1, a mianownik jest liczbą całkowitą dodatnią.

Zapisz obliczenia.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

x – szukany ułamek

$$x + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} = \frac{7}{15}$$

$$x + \frac{6+5}{30} = \frac{14}{30}$$

$$x = \frac{14-11}{30}$$

$$x = \frac{3}{30}$$

$$x = \frac{1}{10} \Rightarrow \begin{cases} L=1 \\ M \in \mathbb{N} \end{cases}$$

☑

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.



Zadanie 17. (0–3)

Troje przyjaciół – Andrzej, Basia i Marek – zbiera plakaty. Andrzej ma o 28 plakatów więcej od Basi, a Marek ma ich 3 razy mniej od Basi. Andrzej i Marek mają razem 2 razy więcej plakatów od Basi.

Oblicz, ile plakatów ma każde z tych przyjaciół.
Zapisz obliczenia.

Miejsce na naklejkę.
Sprawdź, czy kod na naklejkę to
O-100.

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Dane:

b – liczba plakatów Basia
 a – „ „ „ Andrzej
 m – „ „ „ Marek

$$\begin{cases} a = b + 28 \\ m = \frac{1}{3}b \\ a + m = 2b \end{cases}$$

Rozwiązanie:

$$a + m = 2b$$

$$(b + 28) + \left(\frac{1}{3}b\right) = 2b \quad | \cdot 3$$

$$3b + 84 + b = 6b \quad | -4b$$

$$84 = 2b \quad | \cdot \frac{1}{2}$$

$$\boxed{b = 42} \Rightarrow \begin{cases} a = 70 \\ m = 14 \end{cases}$$

Odp: Andrzej ma 70, Basia 42, a Marek 14 plakatów.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.



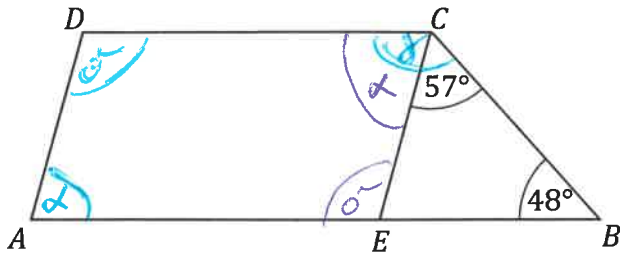
Zadanie 18. (0–2)

Na rysunku przedstawiono trapez $ABCD$, w którym kąt ABC ma miarę 48° . Odcinek EC dzieli ten trapez na równoległobok $AECD$ i trójkąt EBC , w którym kąt BCE ma miarę 57° (zobacz rysunek).

Oblicz miary kątów DAB , BCD , CDA trapezu $ABCD$. Zapisz obliczenia.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.



Oznaczenia:

 $\angle DAB = \alpha$
 $\angle BCD = \gamma$
 $\angle CDA = \sigma$

(1) Skoro $AECD$ to równoległobok to $\begin{cases} \angle ECD = \alpha \\ \angle CEA = \sigma \end{cases}$

(2) W TRAPEZIE
 suma obu $\angle$ przy ramieniu $= 180^\circ$

ZATEM: $48^\circ + 57^\circ + \alpha = 180^\circ \Rightarrow \alpha = 75^\circ$

$\alpha + \sigma = 180^\circ \Rightarrow \sigma = 105^\circ$

$\gamma = \alpha + 57 \Rightarrow \gamma = 132^\circ$

Odp: $\angle DAB = 75^\circ$, $\angle BCD = 132^\circ$, $\angle CDA = 105^\circ$

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.



Zadanie 19. (0–2)

Na ścianie wiszą dwie tablice: mała kwadratowa i duża prostokątna. Mała tablica narysowana w skali 1:20 jest kwadratem o boku 3 cm. Rzeczywiste wymiary dużej prostokątnej tablicy są równe 240 cm i 90 cm.

Oblicz, ile razy pole dużej tablicy jest większe od pola małej tablicy. Zapisz obliczenia.

Miejsce na naklejkę.
Sprawdź, czy kod na naklejkę to
O-100.

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Mała tablica

3cm $\rightarrow$ SKALA (1:20) $\rightarrow$ 60cm

W SKALI W RZECZYWISTOŚCI

Oznaczam: P_M – pole małej tablicy
 P_D – pole dużej tablicy.

$$\frac{P_D}{P_M} = \frac{240 \cdot 90}{60 \cdot 60} = 2 \cdot 3 = 6$$

Odp: Pole dużej tablicy jest 6 razy większe od pola małej.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.



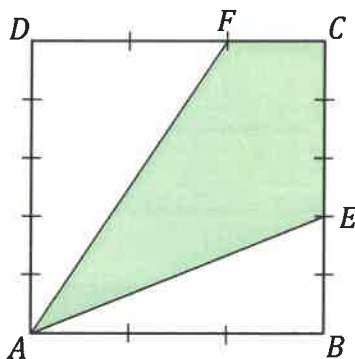
Zadanie 20. (0–3)

Dany jest kwadrat $ABCD$ o boku długości 15 cm. Każdy z boków AB i CD podzielono na trzy równe części, a każdy z boków AD i BC podzielono na pięć równych części. Na boku BC zaznaczono punkt E , na boku CD zaznaczono punkt F , a ponadto poprowadzono odcinki AE i AF (zobacz rysunek).

Oblicz pole czworokąta $AECF$. Zapisz obliczenia.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.



$$(1) \frac{|AB|}{3} = \frac{15}{3} = 5 \text{ [cm]}$$

$$\frac{|AD|}{5} = \frac{15}{5} = 3 \text{ [cm]}$$

(2) OZNACZAM:

$P_{\square}$ - pole $ABCD$

P_1 - pole $\triangle ADF$

P_2 - pole zielonej figury ($AECF$)

P_3 - pole $\triangle ABE$

(3) ZAUWAŻMY ŻE:

$$P_2 = P_{\square} - P_1 - P_3$$

ZATEM:

$$\begin{aligned} P_2 &= 15 \cdot 15 - \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 15 - \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 15 = \\ &= 15 (15 - 5 - 3) = 15 \cdot 7 = 105 \text{ [cm}^2\text{]} \end{aligned}$$

Odp: Pole czworokąta $AECF$ = 105 cm^2

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.



Zadanie 21. (0-3)

Dany jest ostrosłup prawidłowy czworokątny, w którym wysokość ściany bocznej poprowadzona do krawędzi podstawy jest równa 12 cm (zobacz rysunek). Pole powierzchni jednej ściany bocznej tego ostrosłupa jest równe 108 cm^2 .

Miejsce na naklejkę.
Sprawdź, czy kod na naklejkę to **O-100**.

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

PESEL

Oblicz sumę długości wszystkich krawędzi tego ostrosłupa. Zapisz obliczenia.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Oznaczam:

a - krawędź podstawy
 l - krawędź boczna

Pole ściany bocznej:

1° $P_{\Delta} = \frac{1}{2} a \cdot h_a \Rightarrow 108 = \frac{1}{2} \cdot a \cdot 12 \quad | \cdot \frac{1}{6}$

$a = 18$ [cm]

2° z Tw Pit:

$\Rightarrow$

$l^2 = 12^2 + \left(\frac{1}{2}a\right)^2$
 $l^2 = 225$

$l = 15$ [cm]

3° $4 \cdot a + 4 \cdot l = 4(a+l) = 4 \cdot 33 = 132$ [cm]

Odp: Suma dł. wszystkich krawędzi to ~~144~~ 132 cm.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

Zapisy na marginesie poza ramką nie będą oceniane.

